

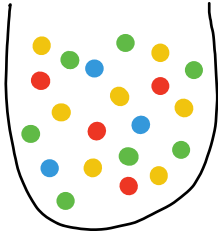
Probabilité, sans remise

Total = 20 billes

Un sac contient 7 billes jaunes, 3 billes bleues, 4 billes rouges, et 6 billes vertes. On pige sans remise.



- Quelle est la probabilité que je pige 2 billes jaunes?
- Quelle est la probabilité que je pige 1 bille bleue et 1 bille rouge?
- Quelle est la probabilité de piger 1 bille verte, 1 bille bleue, 1 bille rouge et 2 billes jaunes exactement dans cet ordre?
- Quelle est la probabilité de piger 1 bille jaune suivi d'une bille verte, sachant que j'ai déjà pigé une bille jaune?
- Quelle est la probabilité de piger 2 billes dont aucune n'est verte?



$$a) Pr(J, J) = \left(\frac{7}{20}\right) \left(\frac{6}{19}\right)$$

$$= \frac{21}{190} \approx 11.05\%$$

→ B₁: "Piger une bleue au 1^{er} tour"
→ B₂: "Piger une rouge au 2^e tour"

→ car 2 chemins possibles et chemins équivalents.

$$b) Pr(B, R) = Pr(B_1, R_2) + Pr(R_1, B_2) = Pr(B_1, R_2) \cdot 2$$

$$= \frac{3}{20} \left(\frac{4}{19}\right) + \frac{4}{20} \left(\frac{3}{19}\right)$$

$$= \frac{6}{95} \approx 6.32\%$$

$$c) Pr(V_1, B_2, R_3, J_4, J_5) = \left(\frac{6}{20}\right) \left(\frac{3}{19}\right) \left(\frac{4}{18}\right) \left(\frac{7}{17}\right) \left(\frac{6}{16}\right) \quad (\text{un seul chemin possible})$$

$$\approx 0.1625\%$$

C.2) Bonus (niveau collégial/universitaire)

Quelle est la prob de piger exactement ces billes, mais dans n'importe quel ordre?

$$\frac{\binom{6}{1} \binom{3}{1} \binom{4}{1} \binom{7}{2}}{\binom{20}{5}} = \frac{6(3)(4)(21)}{15504} = \frac{1512}{15504} \approx 9.75\%$$

Numérateur

- Je veux 1 verte parmi 6.
- Je veux 1 bleue parmi 3.
- Je veux 1 rouge parmi 4.
- Je veux 2 jaunes parmi 7.

Dénominateur

- Au total, je pige 5 billes parmi 20.

Pour faire le c) (original) avec cette technique: similaire, mais on ajoute les considérations suivantes:

Autres considérations

- Diviser par 5!, car il y a 5 billes à piger dans un ordre précis (en enlève les autres chemins possibles).
- Multiplier par 2!, car il y a 2 billes jaunes et comme elles ne sont pas numérotées, on peut les inverser entre elles (et ça réduit donc le nombre de chemins possibles).

$$\frac{\binom{6}{1} \binom{3}{1} \binom{4}{1} \binom{7}{2}}{\binom{20}{5}} \cdot \frac{2!}{5!} \approx 9.75\% \cdot \left(\frac{2}{120}\right) \approx 16.25\% \quad \text{même réponse que tantôt!}$$

$$d) Pr(J_2, V_3 | J_1) = \frac{6}{19} \left(\frac{6}{18}\right) = \frac{2}{19} \approx 10.53\%$$

$$e) Pr(V_1^c, V_2^c) = \frac{14}{20} \left(\frac{13}{19}\right) \quad (\text{piger n'importe quoi sauf des vertes})$$

$$\approx 47.89\%$$

→ les probabilités totales somment à 1!!!
= 2 · Pr(V₁, V₂^c)

$$\begin{aligned} & \text{ou } 1 - (Pr(V_1, V_2) + Pr(V_1, V_2^c) + Pr(V_1^c, V_2)) \\ &= 1 - \left(\frac{6}{20} \left(\frac{4}{19}\right) + \frac{6}{20} \left(\frac{14}{19}\right) + \frac{14}{20} \left(\frac{6}{19}\right) \right) \\ &= 1 - \left(\frac{3}{38} + \frac{21}{95} + \frac{21}{95} \right) \quad \begin{array}{l} \text{→ Prob piger 2 vertes} \\ \text{→ prob piger 1 ou 2 vertes} \end{array} \\ &= 1 - \left(\frac{3}{38} + \frac{42}{95} \right) \quad \begin{array}{l} \text{→ prob piger n'importe quoi sauf verte, puis une verte.} \\ \text{→ prob piger 1 verte, puis n'importe quoi sauf verte} \end{array} \\ &= 47.89\% \quad \text{→ prob piger aucune verte.} \end{aligned}$$